

© International Baccalaureate Organization 2022

All rights reserved. No part of this product may be reproduced in any form or by any electronic or mechanical means, including information storage and retrieval systems, without the prior written permission from the IB. Additionally, the license tied with this product prohibits use of any selected files or extracts from this product. Use by third parties, including but not limited to publishers, private teachers, tutoring or study services, preparatory schools, vendors operating curriculum mapping services or teacher resource digital platforms and app developers, whether fee-covered or not, is prohibited and is a criminal offense.

More information on how to request written permission in the form of a license can be obtained from <https://ibo.org/become-an-ib-school/ib-publishing/licensing/applying-for-a-license/>.

© Organisation du Baccalauréat International 2022

Tous droits réservés. Aucune partie de ce produit ne peut être reproduite sous quelque forme ni par quelque moyen que ce soit, électronique ou mécanique, y compris des systèmes de stockage et de récupération d'informations, sans l'autorisation écrite préalable de l'IB. De plus, la licence associée à ce produit interdit toute utilisation de tout fichier ou extrait sélectionné dans ce produit. L'utilisation par des tiers, y compris, sans toutefois s'y limiter, des éditeurs, des professeurs particuliers, des services de tutorat ou d'aide aux études, des établissements de préparation à l'enseignement supérieur, des fournisseurs de services de planification des programmes d'études, des gestionnaires de plateformes pédagogiques en ligne, et des développeurs d'applications, moyennant paiement ou non, est interdite et constitue une infraction pénale.

Pour plus d'informations sur la procédure à suivre pour obtenir une autorisation écrite sous la forme d'une licence, rendez-vous à l'adresse <https://ibo.org/become-an-ib-school/ib-publishing/licensing/applying-for-a-license/>.

© Organización del Bachillerato Internacional, 2022

Todos los derechos reservados. No se podrá reproducir ninguna parte de este producto de ninguna forma ni por ningún medio electrónico o mecánico, incluidos los sistemas de almacenamiento y recuperación de información, sin la previa autorización por escrito del IB. Además, la licencia vinculada a este producto prohíbe el uso de todo archivo o fragmento seleccionado de este producto. El uso por parte de terceros —lo que incluye, a título enunciativo, editoriales, profesores particulares, servicios de apoyo académico o ayuda para el estudio, colegios preparatorios, desarrolladores de aplicaciones y entidades que presten servicios de planificación curricular u ofrezcan recursos para docentes mediante plataformas digitales—, ya sea incluido en tasas o no, está prohibido y constituye un delito.

En este enlace encontrará más información sobre cómo solicitar una autorización por escrito en forma de licencia: <https://ibo.org/become-an-ib-school/ib-publishing/licensing/applying-for-a-license/>.

# Mathématiques : analyse et approches

## Niveau moyen

### Épreuve 1

Vendredi 6 mai 2022 (après-midi)

Numéro de session du candidat

|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|

1 heure 30 minutes

#### Instructions destinées aux candidats

- Écrivez votre numéro de session dans les cases ci-dessus.
- N'ouvrez pas cette épreuve avant d'y être autorisé(e).
- Aucune calculatrice n'est autorisée pour cette épreuve.
- Section A : répondez à toutes les questions. Rédigez vos réponses dans les cases prévues à cet effet.
- Section B : répondez à toutes les questions sur le livret de réponses prévu à cet effet. Écrivez votre numéro de session sur la première page du livret de réponses, et attachez ce livret à cette épreuve d'examen et à votre page de couverture en utilisant l'attache fournie.
- Sauf indication contraire dans l'intitulé de la question, toutes les réponses numériques devront être exactes ou correctes à trois chiffres significatifs près.
- Un exemplaire non annoté du **livret de formules pour les cours de mathématiques : analyse et approches** est nécessaire pour cette épreuve.
- Le nombre maximum de points pour cette épreuve d'examen est de **[80 points]**.



Veillez ne **pas** écrire sur cette page.  
Les réponses rédigées sur cette page  
ne seront pas corrigées.





2. [Note maximale : 5]

Le  $n^{\text{ième}}$  terme d'une suite arithmétique est donné par  $u_n = 15 - 3n$ .

- (a) Indiquez la valeur du premier terme,  $u_1$ . [1]
- (b) Étant donné que le  $n^{\text{ième}}$  terme de cette suite est  $-33$ , trouvez la valeur de  $n$ . [2]
- (c) Trouvez la raison,  $d$ . [2]

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....





4. [Note maximale : 6]

Une fonction  $f$  est définie par  $f(x) = \frac{2x-1}{x+1}$ , où  $x \in \mathbb{R}$ ,  $x \neq -1$ .

(a) La représentation graphique de  $y = f(x)$  possède une asymptote verticale et une asymptote horizontale.

Écrivez l'équation de

(i) l'asymptote verticale ;

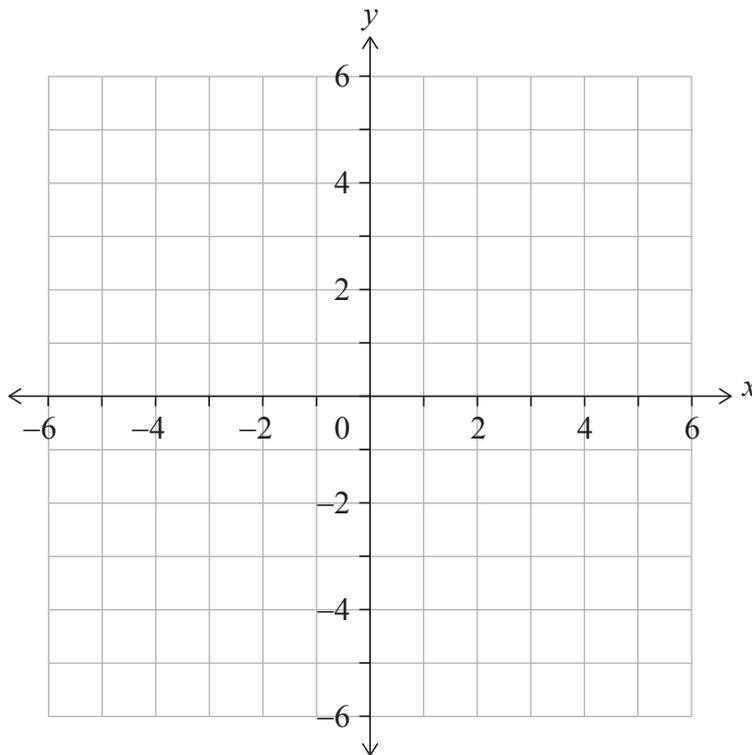
(ii) l'asymptote horizontale.

[2]

(b) Sur le système d'axes ci-dessous, esquissez la représentation graphique de  $y = f(x)$ .

Sur votre esquisse, indiquez clairement les asymptotes et la position de tout point d'intersection avec les axes.

[3]



(c) À partir de là, résolvez l'inéquation  $0 < \frac{2x-1}{x+1} < 2$ .

[1]

(Suite de la question à la page suivante)









Veillez ne **pas** écrire sur cette page.  
Les réponses rédigées sur cette page  
ne seront pas corrigées.



N'écrivez **pas** vos solutions sur cette page.

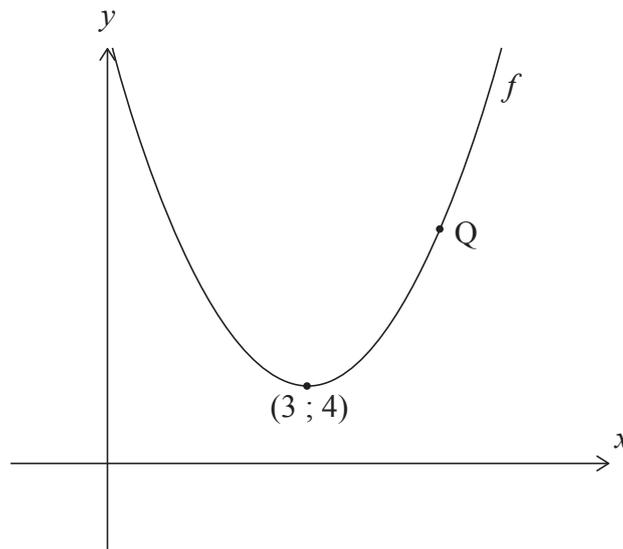
### Section B

Répondez à **toutes** les questions sur le livret de réponses fourni. Veuillez répondre à chaque question sur une nouvelle page.

7. [Note maximale : 15]

Le diagramme suivant montre une partie de la représentation graphique d'une fonction du second degré  $f$ .

La représentation graphique de  $f$  a son sommet au point  $(3 ; 4)$  et passe par le point  $Q$ , tel que montré dans le diagramme.



- (a) Écrivez l'équation de l'axe de symétrie. [1]
- (b) La fonction peut s'écrire sous la forme  $f(x) = a(x - h)^2 + k$ .
  - (i) Écrivez les valeurs de  $h$  et  $k$ .
  - (ii) Les coordonnées du point  $Q$  sont  $(5 ; 12)$ . Trouvez la valeur de  $a$ . [4]

La droite  $L$  est tangente à la représentation graphique de  $f$  au point  $Q$ .

- (c) Trouvez l'équation de  $L$ . [4]

Considérez maintenant une autre fonction  $y = g(x)$ . La dérivée de  $g$  est donnée par  $g'(x) = f(x) - d$ , où  $d \in \mathbb{R}$ .

- (d) Trouvez les valeurs de  $d$  pour lesquelles  $g$  est une fonction croissante. [3]
- (e) Trouvez les valeurs de  $x$  pour lesquelles la représentation graphique de  $g$  est convexe. [3]

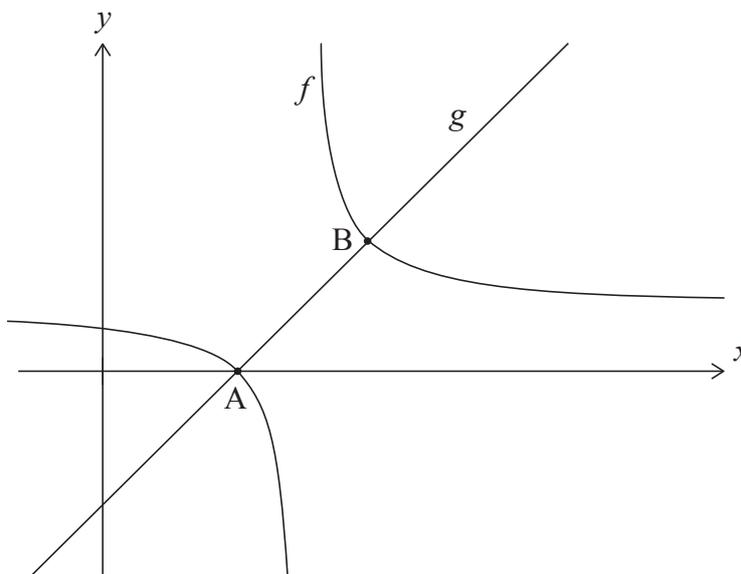


N'écrivez **pas** vos solutions sur cette page.

8. [Note maximale : 15]

Considérez les fonctions  $f(x) = \frac{1}{x-4} + 1$  pour  $x \neq 4$  et  $g(x) = x - 3$  pour  $x \in \mathbb{R}$ .

Le diagramme suivant montre les représentations graphiques de  $f$  et  $g$ .



Les représentations graphiques de  $f$  et  $g$  se coupent aux points A et B. Les coordonnées de A sont (3 ; 0).

(a) Trouvez les coordonnées de B.

[5]

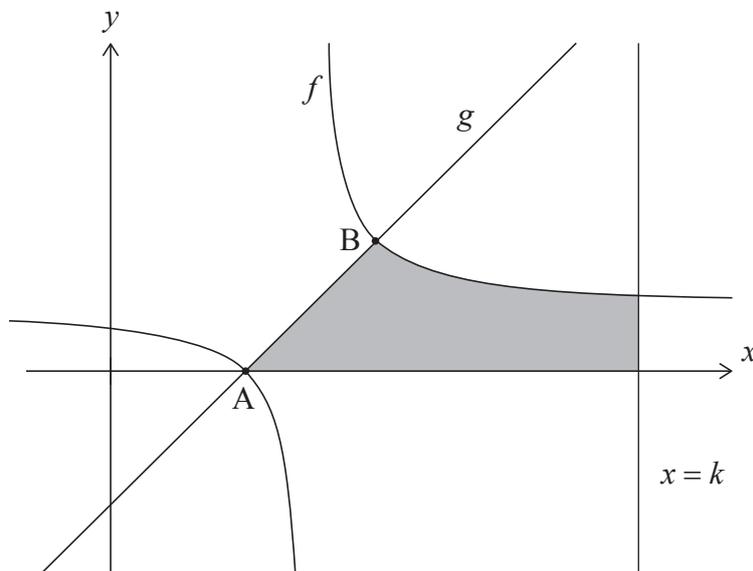
**(Suite de la question à la page suivante)**



N'écrivez **pas** vos solutions sur cette page.

**(Suite de la question 8)**

Dans le diagramme suivant, la région grisée est délimitée par la représentation graphique de  $f$ , la représentation graphique de  $g$ , l'axe des abscisses et la droite  $x = k$ , où  $k \in \mathbb{Z}$ .



L'aire de la région grisée peut s'écrire comme  $\ln(p) + 8$ , où  $p \in \mathbb{Z}$ .

(b) Trouvez la valeur de  $k$  et la valeur de  $p$ .

[10]



N'écrivez **pas** vos solutions sur cette page.

9. [Note maximale : 16]

Un dé biaisé à quatre faces, dont les faces sont identifiées par 1, 2, 3 et 4, est lancé et le résultat obtenu est enregistré. Soit  $X$  le résultat obtenu lorsque le dé est lancé. La distribution de probabilité pour  $X$  est donnée dans le tableau suivant, où  $p$  et  $q$  sont des constantes.

|          |     |     |     |     |
|----------|-----|-----|-----|-----|
| $x$      | 1   | 2   | 3   | 4   |
| $P(X=x)$ | $p$ | 0,3 | $q$ | 0,1 |

Pour cette distribution de probabilité, on sait que  $E(X) = 2$ .

(a) Montrez que  $p = 0,4$  et  $q = 0,2$ . [5]

(b) Trouvez  $P(X > 2)$ . [2]

Nicky joue à un jeu avec ce dé à quatre faces. Dans ce jeu, elle a droit à un maximum de cinq lancers. Son score est calculé en additionnant les résultats de chaque lancer. Nicky gagne si son score est d'au moins dix.

Après avoir lancé le dé trois fois, Nicky a un score de quatre.

(c) En supposant que les lancers du dé sont indépendants, trouvez la probabilité que Nicky gagne. [5]

David a deux paires de dés non biaisés à quatre faces : une paire jaune et une paire rouge.

Les faces des deux dés jaunes sont identifiées par 1, 2, 3 et 4. Soit  $S$  la somme obtenue lorsque les deux dés jaunes sont lancés. La distribution de probabilité pour  $S$  est montrée ci-dessous.

|          |                |                |                |                |                |                |                |
|----------|----------------|----------------|----------------|----------------|----------------|----------------|----------------|
| $s$      | 2              | 3              | 4              | 5              | 6              | 7              | 8              |
| $P(S=s)$ | $\frac{1}{16}$ | $\frac{2}{16}$ | $\frac{3}{16}$ | $\frac{4}{16}$ | $\frac{3}{16}$ | $\frac{2}{16}$ | $\frac{1}{16}$ |

Les faces du premier dé rouge sont identifiées par 1, 2, 2 et 3. Les faces du deuxième dé rouge sont identifiées par 1,  $a$ ,  $a$  et  $b$ , où  $a < b$  et  $a, b \in \mathbb{Z}^+$ . La distribution de probabilité pour la somme obtenue lorsque la paire rouge est lancée est la même que la distribution de probabilité pour la somme obtenue lorsque la paire jaune est lancée.

(d) Déterminez la valeur de  $b$ . [2]

(e) Trouvez la valeur de  $a$ , en fournissant une preuve pour votre réponse. [2]

Références :

© Organisation du Baccalauréat International 2022



Veillez ne **pas** écrire sur cette page.

Les réponses rédigées sur cette page  
ne seront pas corrigées.



16EP15

Veillez ne **pas** écrire sur cette page.

Les réponses rédigées sur cette page  
ne seront pas corrigées.



16EP16